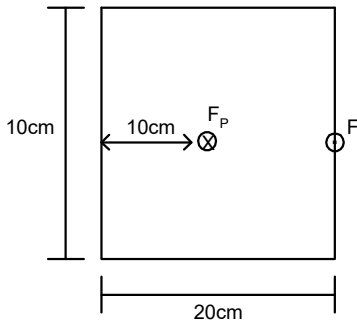


01. (IME 2003) Um pequeno refrigerador para estocar vacinas está inicialmente desconectado da rede elétrica e o ar em seu interior encontra-se a uma temperatura de 27° C e pressão de 1 atm. O refrigerador é ligado até atingir a temperatura adequada para refrigeração que é igual -18° C. Considerando o ar como gás ideal, determine a força mínima necessária, em kgf, para abrir a porta nesta situação, admitindo que suas dimensões sejam de 10 cm de altura por 20 cm comprimento.

RESOLUÇÃO QUESTÃO 1 :

$p_A = 1 \text{ atm}$ $p_B = ?$
 $V_A = V$ $V_B = V$
 $T_A = 300 \text{ K}$ $T_B = 255 \text{ K}$
 $\frac{p_A}{T_A} = \frac{p_B}{T_B} \Rightarrow \frac{1}{300} = \frac{p_B}{255} \Rightarrow p_B = 0,85 \text{ atm}$

$\Delta p = 1 \text{ atm} - 0,85 \text{ atm} \Leftrightarrow \Delta p = 0,15 \text{ atm} = 0,15 \cdot 10^5 \frac{N}{m^2}$



$\Delta p = \frac{F_P}{A} = \frac{F_P}{(20 \cdot 10) \cdot 10^{-4}} = 0,15 \cdot 10^5$

$F_P = 0,15 \cdot 10^5 \cdot 200 \cdot 10^{-4} \Leftrightarrow F_P = 300 \text{ N}$
(Equilíbrio: $M_{F_P} = M_F$)

$F_P \cdot 10 = F \cdot 20 \Rightarrow F = \frac{F_P}{2} \Rightarrow F = 150 \text{ N}$

$9,8 \text{ N} = 1 \text{ kgf}$ portanto $F = 15,3 \text{ kgf}$

02. (IME 2003) Uma experiência é realizada em um recipiente termicamente isolado, onde são colocados: 176,25 ml de água a 293 K; um cubo de uma liga metálica homogênea com 2,7 kg de massa, aresta de 100 mm, a 212° F; e um cubo de gelo de massa m, a -10° C. O equilíbrio térmico é alcançado a uma temperatura de 32° E, lida em um termômetro graduado em uma escala E de temperatura. Admitindo que o coeficiente de dilatação linear da liga metálica seja constante no intervalo de temperaturas da experiência, determine:

- A equação de conversão, para a escala Celsius, de uma temperatura t_E , lida na escala E.
- A massa m de gelo, inicialmente a -10° C, necessária para que o equilíbrio ocorra a 32° E.
- O valor da aresta do cubo da liga metálica a 32° E.

Dados:

- Coeficiente de dilatação linear da liga metálica: $2,5 \times 10^{-5} \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$.
- Calor específico da liga metálica: 0,20 cal/(g °C).
- Calor específico do gelo: 0,55 cal/(g °C).
- Calor específico da água: 1,00 cal/(g °C).
- Calor latente de fusão da água: 80 cal/g.
- Massa específica da água: 1 g/cm³.
- Temperatura de fusão da água na escala E: -16° E.
- Temperatura de ebulição da água na escala E: +64° E.

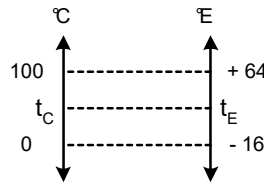
RESOLUÇÃO QUESTÃO 2 :

$\text{H}_2\text{O} : m = 176,25 \text{ g}$ $t_i = 293 - 273 = 20^\circ \text{C}$

Cubo : $m = 2700 \text{ g}$ $t_i = \frac{5}{9} (212 - 32) = 100^\circ \text{C}$

Gelo : $m = ?$ $t_i = -10^\circ \text{C}$

a)



$\frac{t_C - 0}{100 - 0} = \frac{t_E - (-16)}{64 - (-16)} \Rightarrow \frac{t_C}{100} = \frac{t_E + 16}{80} \Rightarrow t_C = \frac{5}{4} \cdot (t_E + 16)$

b) $t_c = \frac{(32+16) \cdot 5}{4} \Leftrightarrow t_c = 60^\circ \text{C}$

Sistema Isolado: $Q_1 + Q_2 + Q_3 + \dots = 0$

$Q_{\text{gelo}} + Q_{\text{gelo}} + Q_{\text{gelo}}'' + Q_{\text{H}_2\text{O}} + Q_{\text{LIGA}} = 0$
 $-10 \rightarrow 0 \quad 0 \rightarrow 0 \quad 0 \rightarrow 60 \quad 20 \rightarrow 60 \quad 100 \rightarrow 60$

$m \cdot 0,55 \cdot 10 + m \cdot 80 + m \cdot 1,60 + 176,25 \cdot 1,40 + 2700 \cdot 0,20 \cdot (-40) = 0$
 $\Leftrightarrow 5,5 \cdot m + 80 \cdot m + 60 \cdot m + 7050 - 21600 = 0$
 $145,5 m = 14550 \Leftrightarrow m = 100 \text{ g}$

c) $\Delta l = l_0 \cdot \beta \cdot \Delta t$, $\alpha = 2,5 \cdot 10^{-5} \cdot \text{C}^{-1}$,

$\Delta l = 100 \cdot 2,5 \cdot 10^{-5} \cdot (-40)$, $\Delta t = 60 - 100 = -40^\circ \text{C}$,

$\Delta l = -0,1 \text{ mm}$, $l_0 = 100 \text{ mm}$

$l_{\text{cubo}} = 99,9 \text{ mm}$

03. (IME 2003) Um corpo de massa m_1 está preso a um fio e descreve uma trajetória circular de raio $1/\pi \text{ m}$. O corpo parte do repouso em $\theta = 0^\circ$ (figura a) e se movimenta numa superfície horizontal sem atrito, sendo submetido a uma aceleração angular $\alpha = 6\pi/5 \text{ rad/s}^2$. Em $\theta = 300^\circ$ (figura b) ocorre uma colisão com um outro corpo de massa m_2 inicialmente em repouso. Durante a colisão o fio é rompido e os dois corpos saem juntos tangencialmente à trajetória circular inicial do primeiro. Quando o fio é rompido, um campo elétrico E (figura b) é acionado e o conjunto, que possui carga total +Q, sofre a ação da força elétrica.

Determine a distância d em que deve ser colocado um anteparo para que o conjunto colida perpendicularmente com o mesmo.

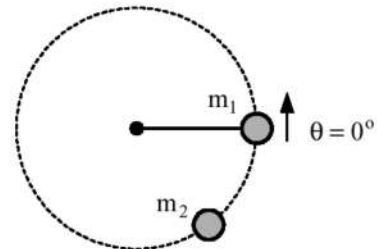
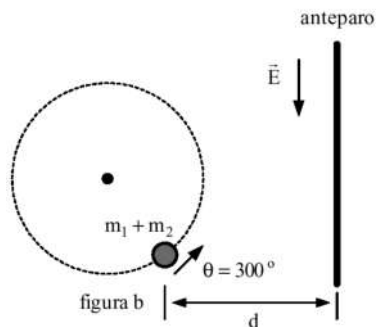


figura a



$$d = \frac{\sqrt{3}}{4} \frac{2^2 m_1^2}{(m_1 + m_2)^2 \cdot \frac{QE}{(m_1 + m_2)}}$$

$$d = \frac{m_1^2 \sqrt{3}}{(m_1 + m_2)QE}$$

RESOLUÇÃO QUESTÃO 3 :

Movimento Circular Uniformemente Variado

$$\omega = \omega_0 + \alpha t \quad \dots \quad (I)$$

$$\theta = \theta_0 + \omega_0 t + \frac{\alpha t^2}{2} \quad \dots \quad (II)$$

Para os valores de $\omega_0 = 0, \theta_0 = 0, \theta = \frac{5\pi}{3}; \alpha = \frac{6\pi}{5} \text{ rad/s}^2$ em

(II) :

$$\frac{5\pi}{3} = 0 + 0 + \frac{6\pi}{5.2} t^2 \Leftrightarrow t^2 = \frac{50}{18} \Leftrightarrow t = \frac{5}{3} \text{ s}$$

Para: $t = \frac{5}{3} \text{ s}$ em (I) : $\omega = 0 + \frac{6\pi}{5} \cdot \frac{5}{3} \Leftrightarrow \omega = 2\pi \text{ rad/s}$

Velocidade para $\theta = \frac{5\pi}{3}$ e $R = \frac{1}{\pi} \text{ m}$:

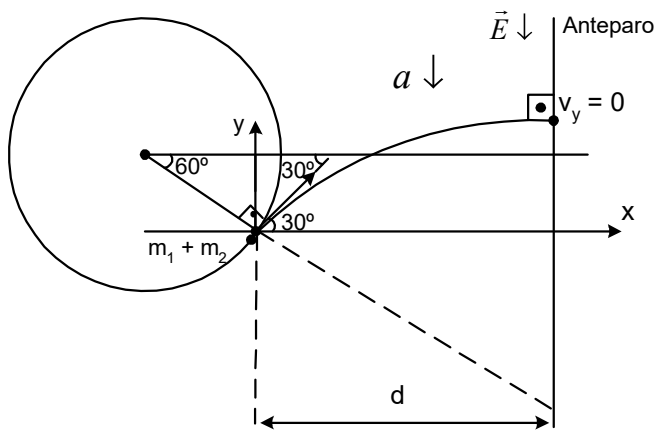
$$v_1 = \omega \cdot R \Leftrightarrow v_1 = 2\pi \cdot \frac{1}{\pi} \Leftrightarrow v_1 = 2 \text{ m/s}$$

Na Colisão:

$Q_{\text{antes}} = Q_{\text{depois}}$ (Conservação da quantidade de movimento)

$$m_1 v_1 = (m_1 + m_2) \cdot v_0$$

$$m_1 \cdot 2 = (m_1 + m_2) \cdot v_0 \Leftrightarrow v_0 = \frac{2m_1}{(m_1 + m_2)} \quad (III)$$



Para obtenção da aceleração: $F = m \cdot a = Q \cdot E$

$$\Leftrightarrow (m_1 + m_2) \cdot a = Q \cdot E \Leftrightarrow a = \frac{QE}{(m_1 + m_2)} \quad (IV)$$

Movimento Balístico:

Eixo y

$$v_y = v_0 \text{ sen} \theta - at \Leftrightarrow 0 = v_0 \text{ sen} \theta - at$$

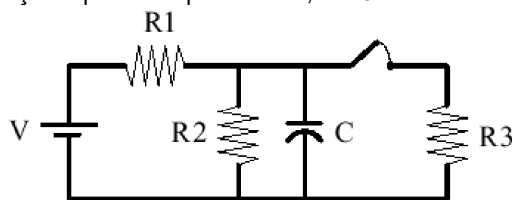
$$\Leftrightarrow t = \frac{v_0 \text{ sen} \theta}{a} \quad (V)$$

Eixo x

substituindo (III), (IV) e (V) na equação:

$$x = v_0 \text{ cos} \theta \cdot t \Leftrightarrow d = v_0 \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{v_0}{2a} = \frac{\sqrt{3} v_0^2}{4a}$$

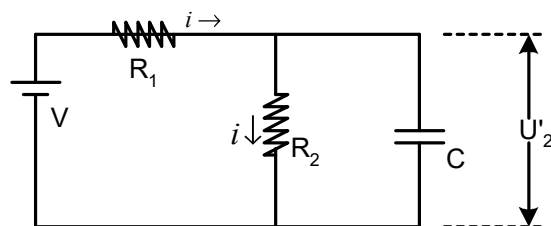
04. (IME 2003) Um circuito composto por uma fonte, três resistores, um capacitor e uma chave começa a operar em $t = -\infty$ com o capacitor inicialmente descarregado e a chave aberta. No instante $t = 0$, a chave é fechada. Esboce o gráfico da diferença de potencial nos terminais do capacitor em função do tempo, indicando os valores da diferença de potencial para $t = -\infty, t = 0$ e $t = +\infty$.



RESOLUÇÃO QUESTÃO 4 :

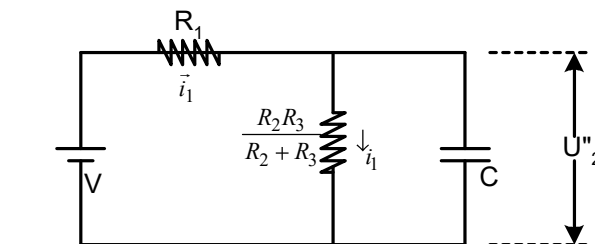
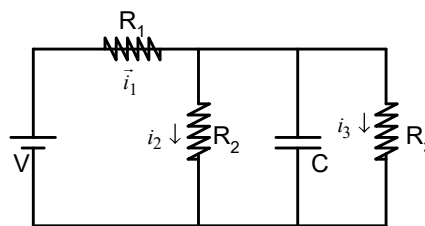
Para $t = -\infty$; $Q = 0$ e $U_2 = 0$ (I)

Para $t = 0$ (com a chave aberta)



$$i = \frac{V}{R_1 + R_2} ; U'_2 = R_2 i \Rightarrow U_{\text{ABERTA}} = U'_2 = \frac{R_2 V}{R_1 + R_2} \quad (II)$$

Para: $t = \infty$ (chave fechada)

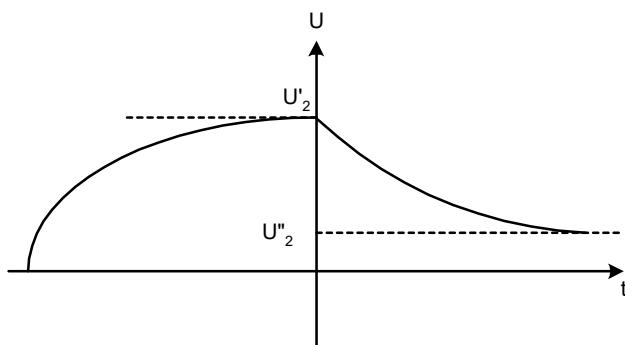


$$\Rightarrow i_1 = \frac{V}{R_1 + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3}} ; U''_2 = \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} \cdot i_1$$

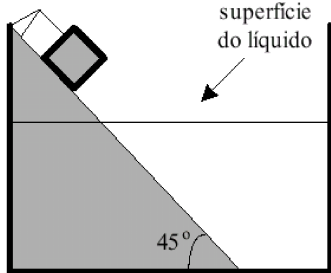
$$\therefore U''_2 = \left(\frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} \right) \frac{V}{R_1 + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3}}$$

$$\Rightarrow U_{FECHADA} = U''_2 = \frac{R_2 R_3 V}{R_1 R_2 + R_1 R_3 + R_2 R_3} \dots(III)$$

A partir de (I), (II) e (III) segue o gráfico

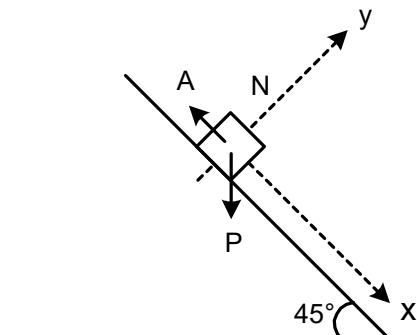


05. (IME 2003) Um pequeno bloco pesando 50 N está preso por uma corda em um plano inclinado, como mostra a figura. No instante $t = 0$ s, a corda se rompe. Em $t = 1$ s, o bloco atinge o líquido e submerge instantaneamente. Sabendo que o empuxo sobre o bloco é de 50 N, e que o coeficiente de atrito dinâmico entre o bloco e a parte emersa do plano inclinado é 0,4, determine a distância percorrida pelo bloco a partir do instante inicial até $t = 3$ s.
Dado: Aceleração da gravidade $g = 10 \text{ m/s}^2$.



RESOLUÇÃO QUESTÃO 5 :

Parte emersa do trecho:



$$\vec{R} = m \vec{a} \begin{cases} N - P \cos 45^\circ = m a_y \\ P \sin 45^\circ - A = m a_x \end{cases}$$

substituindo: $A = \mu N$; $a_y = 0$; $m = \frac{50}{10}$; $P = 50$

$$\therefore \begin{cases} N = 50 \cos 45^\circ \\ 50 \sin 45^\circ - \mu N = 5 \cdot a_x \end{cases}$$

Substituindo: $\mu = 0,4$ e resolvendo para a_x , obtém-se:

$$a_x = 3\sqrt{2} \text{ m/s}^2 \text{ (MUV)}$$

De $V_x(t) = V_{0x} + a_x t$; para $t = 1$ s:

$$V_x(1) = 3\sqrt{2} \cdot 1 = 3\sqrt{2} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Deslocamento na parte emersa, Δx_E :

$$\Delta x = V_{0x} \cdot t + \frac{a_x t^2}{2} \Rightarrow \Delta x_E = \frac{3\sqrt{2} \cdot 1^2}{2} = \frac{3\sqrt{2}}{2} \text{ m} \quad (I)$$

Parte Imersa do trecho:

$$\vec{R} = \vec{P} + \vec{E} = 0 \Rightarrow MRU, V_x = 3\sqrt{2} \text{ m/s} \text{ (constante)}$$

Deslocamento na parte imersa, Δx_I :

$$\Delta x_I = V_x \cdot \Delta t; \text{ para } \Delta t = (3 - 1)\text{s}$$

$$\Delta x_I = 3\sqrt{2} \cdot (3 - 1) = 6\sqrt{2} \text{ m} \quad (II)$$

Somando os deslocamentos da parte emersa (I) com o da parte imersa (II), o deslocamento total será:

$$\Delta x_{\text{total}} = \Delta x_E + \Delta x_I = \frac{15\sqrt{2}}{2} \text{ m}$$

06. (IME 2003) O desenho representa uma pequena usina hidrelétrica composta de barragem, turbina e gerador. Este sistema fornece energia elétrica através de dois cabos elétricos a uma residência, cuja potência solicitada é de 10.000 W durante 8 horas diárias. Determine:

a. A economia de energia elétrica, em kWh, em 30 dias de funcionamento da usina, com a substituição dos cabos por outros cabos elétricos de resistência igual a metade do valor original, mantendo-se a mesma tensão fornecida aos equipamentos da residência.

b. O rendimento do conjunto composto pelo gerador e cabos de alimentação, antes e depois da substituição dos cabos.

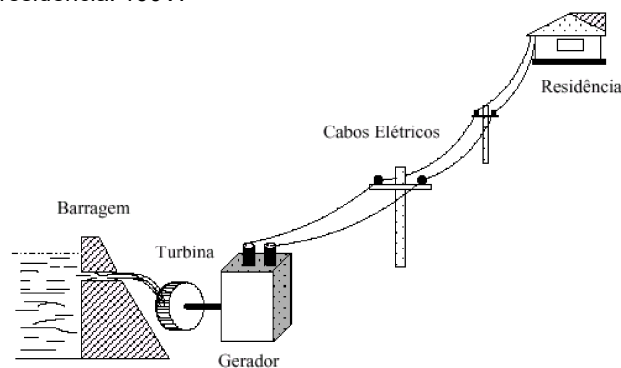
Dados:

Comprimento de cada cabo elétrico que liga o gerador à residência: 100 m.

Resistência dos cabos originais por unidade de comprimento: $0,001 \Omega/\text{m}$.

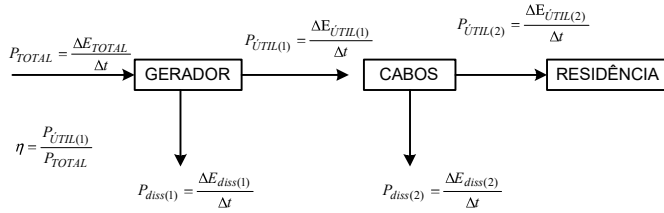
Rendimento do gerador: $\eta = 0,80$.

Tensão (ddp) exigida pelos equipamentos da residência: 100V.



RESOLUÇÃO DA QUESTÃO 6 :

Esquema de transformação de energia do conjunto gerador - cabos - residência:



$$\eta_{conjunto} = \frac{8000}{P_{diss(2)} + 10000}$$

$$\eta_{conjunto} (ANTES) = \frac{8000}{1000 + 10000} \cong 0,727$$

$$\eta_{conjunto} (DEPOIS) = \frac{8000}{500 + 10000} \cong 0,762$$

$P_{UTIL(2)} = 10000 \text{ w}$
 $R_{CABOS} = 100 \text{ m} \cdot 0,001 \Omega = 0,1 \Omega$
 $U_{RESID} = 100 \text{ V}$

a) Antes da redução de R_{CABOS} :

$P_{UTIL(2)} = U_{RESID} \cdot i \Rightarrow 10000 = 100 i \Rightarrow i = 100 \text{ A}$
 $P_{diss(2)} = R_{CABOS} \cdot i^2 \Rightarrow P_{diss(2)} = 0,1 \cdot 100^2$
 $P_{diss(2)} = 1000 \text{ W} \quad (I)$

Após a redução de R_{CABOS} :

$P_{diss(2)} = \frac{0,1}{2} \cdot 100^2$
 $P_{diss(2)} = 500 \text{ W} \quad (II)$
 $P_{diss(1)} = P_{TOTAL} - P_{UTIL(1)}$

Substituindo $P_{TOTAL} = \frac{P_{UTIL(1)}}{\eta}$:

$P_{diss(1)} = P_{UTIL(1)} \left(\frac{1}{\eta} - 1 \right) \Rightarrow P_{diss(1)} = P_{UTIL(1)} \left(\frac{1}{0,8} - 1 \right)$

$\Rightarrow P_{diss(1)} = 0,25 P_{UTIL(1)}$
 Substituindo $P_{UTIL(1)} = P_{diss(2)} + P_{UTIL(2)} = P_{diss(2)} + 10000$
 $P_{diss(1)} = 0,25 (P_{diss(2)} + 10000)$

A potência dissipada total (no conjunto gerador-cabos) é

$P_d = P_{diss(1)} + P_{diss(2)} = 0,25 (P_{diss(2)} + 10000) + P_{diss(2)}$

$\therefore P_d = 1,25 P_{diss(2)} + 2500$

Considerando a variação da potência dissipada total (ΔP_d) antes e depois da redução de R_{CABOS} :

$\Delta P_d = P_d(ANTES) - P_d(DEPOIS)$

$\Delta P_d = 1,25 \Delta P_{diss(2)}$

Substituindo os valores (I) e (II) de $P_{diss(2)}$

$\Delta P_d = 1,25 (1000 - 500)$

$\Delta P_d = 625 \text{ W} = 0,625 \text{ kW}$

A energia economizada (ΔE) é dada por:

$\Delta E = \Delta P_d \cdot \Delta t$

$\Delta E = 0,625 \cdot 30 \text{ dias} \cdot 8 \text{ h}$

$\Delta E = 150 \text{ kWh}$

b) $\eta_{conjunto} = \frac{\Delta E_{UTIL(2)}}{\Delta E_{TOTAL}}$

$\eta_{conjunto} = \frac{\Delta E_{UTIL(2)}}{\Delta E_{UTIL(1)}} \cdot \frac{\Delta E_{UTIL(1)}}{\Delta E_{TOTAL}}$

$\eta_{conjunto} = \frac{\Delta E_{UTIL(2)}}{\Delta E_{UTIL(1)}} \cdot \eta$

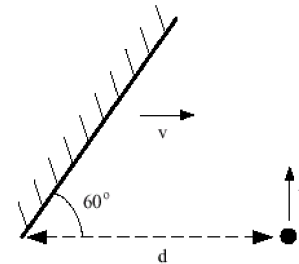
$\therefore \eta_{conjunto} = \frac{P_{UTIL(2)}}{P_{UTIL(1)}} \cdot \eta = \frac{10000}{P_{UTIL(1)}} \cdot 0,8$

Substituindo: $P_{UTIL(1)} = P_{diss(2)} + P_{UTIL(2)} = P_{diss(2)} + 10000$

$\eta_{conjunto} = \frac{10000 \cdot 0,8}{P_{diss(2)} + 10000}$

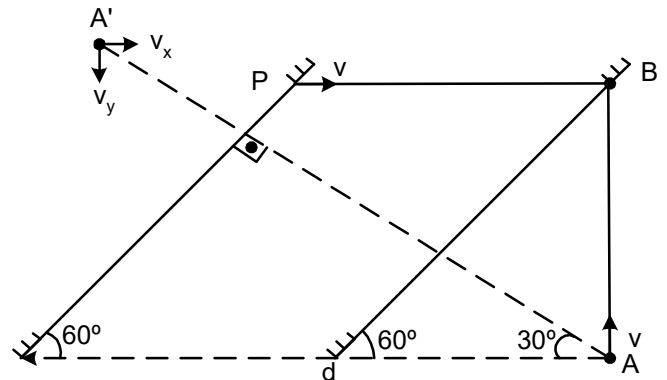
07. (IME 2003) Um espelho plano, de superfície infinita, desloca-se na horizontal com velocidade constante v . Um objeto puntiforme se desloca na vertical também com velocidade constante v e, no instante $t = 0$, as posições do espelho e do objeto estão em conformidade com a figura. Considerando que no instante $t = \alpha$ ocorre o choque do objeto com o espelho, determine:

- As componentes vertical e horizontal da velocidade da imagem do objeto refletida no espelho.
- O instante α em que o objeto e o espelho se chocam.



RESOLUÇÃO DA QUESTÃO 7:

Veja a figura:



b) $PB = BA = V\alpha \quad (1)$

$v_x = \frac{AA' \cos 30^\circ}{\alpha} \quad (2)$

$v_y = \frac{AA' \cos 30^\circ - BA}{\alpha} \quad (3)$

Mas $AA' = 2d \cos 30^\circ \quad (4)$ e $\text{tg } 60^\circ = \frac{AB}{d - PB} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{\alpha V}{d - \alpha V}$

$\Rightarrow d = \frac{\alpha V (1 + \sqrt{3})}{\sqrt{3}} \quad (5) \Rightarrow \alpha = \left(\frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}} \right) \frac{d}{V}$

a) Utilizando (1), (4) e (5) em (2) e (3):

$v_x = \frac{2d}{\alpha} \cos^2 30^\circ = 2v \left(\frac{1 + \sqrt{3}}{\sqrt{3}} \right) \frac{3}{4}$

$$v_x = \left(\frac{\sqrt{3} + 3}{2} \right) v$$

$$v_y = -2 \frac{d}{\alpha} \cos 30^\circ \sin 30^\circ + v$$

$$v_y = -2v \left(\frac{1 + \sqrt{3}}{\sqrt{3}} \right) \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} + v$$

$$v_y = -v \frac{(1 + \sqrt{3})}{2} + v \quad \text{então} \quad v_y = \left(\frac{1 - \sqrt{3}}{2} \right) v$$

08. (IME 2003) Um elétron se encontra a uma distância de 2 mm de um fio retilíneo, movendo-se paralelamente a ele com a mesma velocidade que uma onda luminosa em uma fibra óptica. Uma chave é ligada, fazendo circular uma corrente elétrica no fio. Determine o valor desta corrente para que o elétron seja submetido a uma força de $1,28 \times 10^{-14}$ N, no momento em que a corrente começa a circular.

Dados:

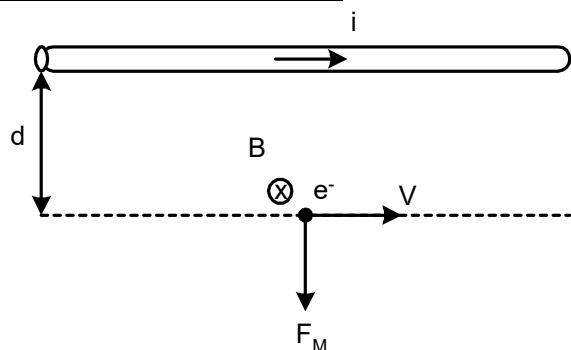
Índice de refração da fibra óptica: $n = 1,5$.

Velocidade da luz no vácuo: $c = 3 \times 10^8$ m/s.

Permeabilidade magnética do vácuo: $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$ H/m.

Carga do elétron: $e = -1,6 \times 10^{-19}$ C.

RESOLUÇÃO DA QUESTÃO 8 :



$$F_M = q \cdot v \cdot B \text{ (força magnética)}$$

$$B = \frac{\mu_0 i}{2\pi d} \text{ (campo gerado por um fio longo)}$$

$$F_M = \frac{q \cdot v \cdot \mu_0 i}{2\pi d}$$

$$\text{O índice de refração é : } n = \frac{c}{v} \Leftrightarrow v = \frac{c}{n}$$

$$i = \frac{2 \cdot \pi \cdot d \cdot F_M \cdot n}{q \cdot c \cdot \mu_0} = \frac{2\pi \cdot 2 \cdot 10^{-3} \cdot 1,28 \cdot 10^{-14} \cdot 1,5}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 3 \cdot 10^8 \cdot 4\pi \cdot 10^{-7}}$$

$$i = 4A$$

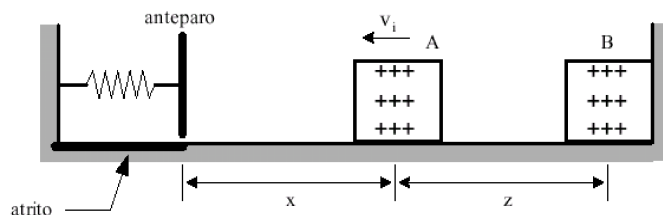
09 (IME 2003). A figura ilustra a situação inicial, em que dois blocos, considerados puntiformes e carregados eletricamente com cargas $Q_A = +5 \times 10^{-5}$ C e $Q_B = +4 \times 10^{-4}$ C, encontram-se afastados pela distância z. O bloco A desloca-se com velocidade $v_i = 5$ m/s e dista x do anteparo. O bloco B encontra-se afixado na parede e o conjunto mola-anteparo possui massa desprezível. Sabendo que a superfície entre o bloco B e o anteparo não possui atrito, e que na região à esquerda do anteparo o coeficiente de atrito dinâmico da superfície é $\mu_c = 0,5$, determine:

a. A velocidade com que o bloco A atinge o anteparo.

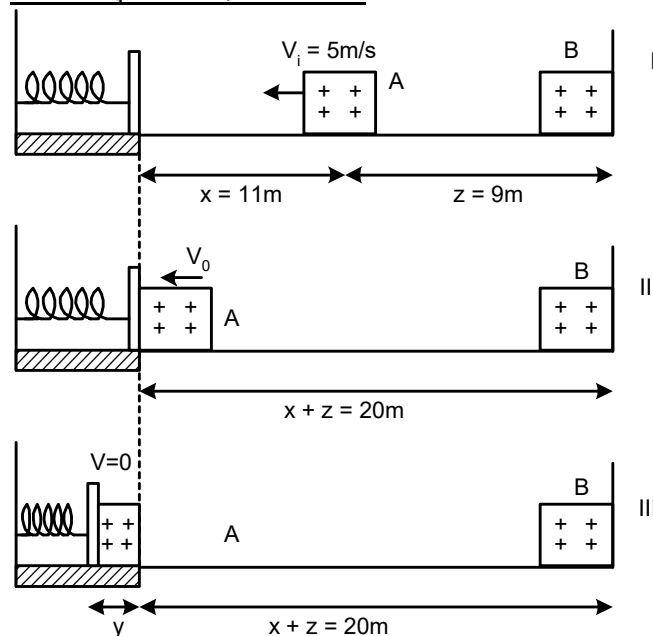
b. A compressão máxima y da mola, considerando para efeito de cálculo que $z + x + y \cong z + x$.

c. A energia dissipada até o momento em que a mola atinge sua deformação máxima.

Dados: Constante eletrostática $K = 9 \times 10^9$ Nm²/C².
Constante de elasticidade da mola = 52 N/m.
Distância z entre os dois blocos = 9 m.
Distância x entre o bloco A e o anteparo = 11 m.
Massa do bloco A = 2 kg.
Aceleração da gravidade $g = 10$ m/s².



RESOLUÇÃO DA QUESTÃO 9 :



a) Sistema Conservativo :

$$E_{mec(I)} + E_{pot_{ELET(I)}} = E_{MEC(II)} + E_{pot_{ELET(II)}}$$

$$\frac{mv_i^2}{2} + \frac{KQ_A Q_B}{Z} = \frac{mv_0^2}{2} + \frac{KQ_A Q_B}{x+z}$$

$$\Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{2}{m} \left[\frac{mv_i^2}{2} + \frac{KQ_A Q_B}{Z} - \frac{KQ_A Q_B}{x+z} \right]}$$

$$\Leftrightarrow v_0 = \sqrt{\frac{2}{2} \left[\frac{2 \cdot 5^2}{2} + 9 \cdot 10^9 \cdot 5 \cdot 10^{-5} \cdot 4 \cdot 10^{-4} \left(\frac{1}{9} - \frac{1}{20} \right) \right]}$$

$$\Leftrightarrow v_0 = 6 \text{ m/s}$$

b) $f_{at} = \mu \cdot N = 0,5 \cdot 20 = 10N \Rightarrow |\tau_{fat}| = f_{at} \cdot y = 10 \cdot y$
Sistema Conservativo :

$$E_{MEC(I)} + E_{potELE(I)} = E_{MEC(III)} + E_{potELE(III)} + |\tau_{fat}| + E_{potELE(III)}$$

$$\frac{mv_i^2}{2} + \frac{KQ_1 \cdot Q_2}{z} = 0 + \frac{KQ_1 \cdot Q_2}{(x+y+z)} + 10y + \frac{ky^2}{2}$$

$$\frac{2.5^2}{2} + \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 4 \cdot 10^{-4} \cdot 5 \cdot 10^{-5}}{9} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 4 \cdot 10^{-4} \cdot 5 \cdot 10^{-5}}{20} + 10y + \frac{52y^2}{2}$$

$$13y^2 + 5y - 18 = 0 \quad \text{então} \quad y = 1\text{m} \text{ ou } y = -36/26 \text{ (n\~ao serve)}$$

$$\text{Logo } \boxed{y = 1\text{m}}$$

$$c) \Rightarrow \tau_{fat} = 10 \cdot y = 10 \cdot 1 = 10\text{J}$$

$$\boxed{\tau_{fat} = 10\text{J}}$$

$$\boxed{P_{placa} = \frac{L^3 \sqrt{3}}{8} \cdot 10^{-2} \text{N}} \dots\dots\dots (i)$$

$$P_{cubo} = m_{cubo} \cdot g = \mu \cdot V \cdot g$$

Volume do cubo:

$$V_{cubo} = \left(\frac{L}{10}\right)^3 (cm) = \frac{L^3}{10^3} \cdot 10^{-6} (m^3) = L^3 \cdot 10^{-9} (m^3)$$

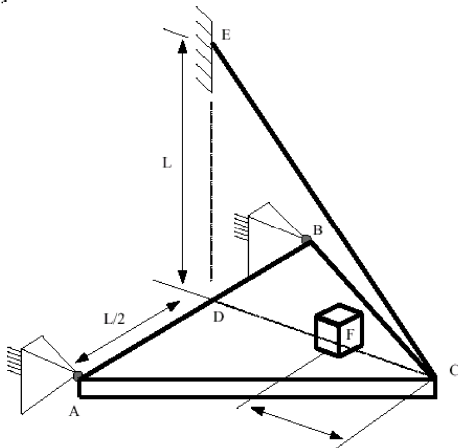
$$P_{cubo} = 5 \cdot 10^3 \cdot L^3 \cdot 10^{-9} \cdot 10$$

$$\boxed{P_{cubo} = 5 \cdot L^3 \cdot 10^{-5} \text{N}} \dots\dots\dots (ii)$$

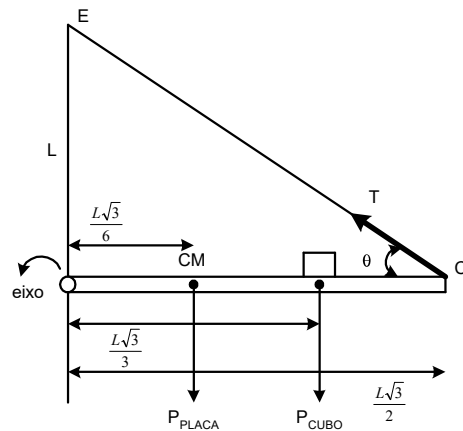
10. (IME 2003) Uma placa homog\~eneia tem a forma de um tri\~angulo equil\~atero de lado L, espessura L/10 e massa espec\~ifica $\mu = 5\text{g/cm}^3$. A placa \~e sustentada por dobradi\~cas nos pontos A e B, e por um fio EC, conforme mostra a figura. Um cubo homog\~eneo de aresta L/10, feito do mesmo material da placa, \~e colocado com o centro de uma das faces sobre o ponto F, localizado sobre a linha CD, distando $L\sqrt{3}/6$ do v\~ertice C. Considere as dimens\~oes em cm e adote $g = 10\text{ m/s}^2$.

Determine em fun\~cao de L:

- Os pesos da placa e do cubo em Newtons.
- A tra\~cao no fio CE em Newtons.



b)



$$\text{tg } \theta = \frac{2}{\sqrt{3}} \Rightarrow \text{sen } \theta = \frac{2\sqrt{7}}{7}$$

Equil\~brio de Corpo R\~igido

$$M_{\text{Peso da Placa}} + M_{\text{Peso do cubo}} + M_T = 0$$

$$\Leftrightarrow M_{\text{PLACA}} + M_{\text{cubo}} = -M_T$$

$$P_{\text{PLACA}} \cdot \frac{L\sqrt{3}}{6} + P_{\text{CUBO}} \cdot \frac{L\sqrt{3}}{3} = T \cdot \frac{L\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{2\sqrt{7}}{7}$$

$$\Leftrightarrow \boxed{T = \frac{\sqrt{7}}{6} \cdot (P_{\text{placa}} + 2 P_{\text{cubo}})}$$

substituindo os valores obtidos em (i) e (ii) :

$$T = \frac{\sqrt{7}}{6} \left(\frac{L^3 \sqrt{3} \cdot 10^{-2}}{8} + 2 \cdot 5 \cdot 10^{-5} L^3 \right)$$

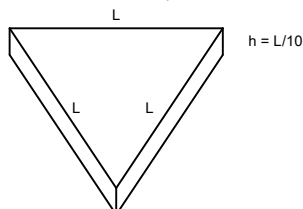
$$\boxed{T_{CE} = \frac{\sqrt{7}}{6} \left(\frac{\sqrt{3}}{8} \cdot 10^{-2} + 10^{-4} \right) L^3 \text{N}}$$

RESOLU\~AO DA QUEST\~AO 10 :

a)

$$P_{\text{placa}} = m \cdot g$$

Volume Placa (Prisma: Base triangular)



$$V = A_{\text{BASE}} \cdot h$$

$$V = \frac{L^2 \sqrt{3}}{4} \cdot \frac{L}{10} = \frac{L^3 \sqrt{3}}{40} (cm^3)$$

$$V = \frac{L^3 \sqrt{3}}{40} \cdot 10^{-6} m^3$$

$$P_{\text{placa}} = 5 \cdot 10^3 \cdot \frac{L^3 \sqrt{3}}{40} \cdot 10^{-6} \cdot 10$$

COMENT\~ARIOS:

ESTA PROVA FOI ABRANGENTE E COMPARADA COM OS ANOS ANTERIORES, FOI UM POUCO MAIS F\~ACIL. N\~AO EXIGINDO CONHECIMENTOS DE ENSINO SUPERIOR. A QUEST\~AO 6 APRESENTOU UM POUCO MAIS DE TRABALHO. O TEMPO FOI SUFICIENTE PARA A RESOLU\~AO DAS QUEST\~OES. PARABENIZAMOS A COMISS\~AO EXAMINADOR APELO N\~IVEL DA PROVA.

RESOLVIDA E REVISADA PELOS PROFESSORES:

EDSON MOSMAN JUNIOR, RODRIGO SPONCHIADO, ROG\~ERIO VILA, ARTUR NEHMI, S\~ERGIO HOMMER E FERES FARES.